

1. Addition und Subtraktion

1.1 VertauschbarkeitRegel:

Bei der Addition sind alle Glieder untereinander vertauschbar.

Vertauschen Sie:

1. $3a + a + 4a =$

$4a + a + 3a =$

$a + 4a + 3a =$

$a + 3a + 4a =$

$3a + 4a + a = 8a$

2. $4a + 2b + 3a + 2c + b + a =$

$4a + 3a + a + \underline{a} + 2b + b + 2c$

3. $x + y + z + u + 5x + 2y + 3u + 4z =$

$x + 5x + y + 2y + z + 4z + u + 3u$

4. $5DM + 2Pfg + 11DM + 7Pfg =$

$5DM + 11DM + 2Pfg + 7Pfg$

5. $1\mu F + 2pF + 6nF + 0,5\mu F + 60pF + 30nF =$

$1\mu F + 0,5\mu F + 6nF + 30nF + 2pF + 60pF$

Sollen auch Einzelglieder subtrahiert werden, gilt folgende

Regel:

Bei der Subtraktion sind Subtrahend und Minnend nicht allein vertauschbar. Sie sind nur vertauschbar, wenn die Vorzeichen der Zahlengrößen mit vertauscht werden.

1. Addition und Subtraktion

$$6. \quad 3a + 2b - a + 5b - 6a - 2c + 3b =$$

$$\underline{3a - a - 6a + 2b + 5b + 3b - 2c}$$

$$7. \quad 2x + 3y - 2z + 6a - 5x + 2z + 3x + a - 5a =$$

$$\underline{6a + a - 5a + 2x - 5x + 3x + 3y - 2z + 2z}$$

$$8. \quad 60MV + 5KV - 2MV - 200V + 50mV - 5KV =$$

$$\underline{60MV - 2MV + 5KV - 5KV - 200V + 50mV}$$

$$9. \quad 2K\Omega - 5M\Omega + 300\Omega - 1K\Omega + 700\Omega + 6M\Omega$$

$$\underline{- 5M\Omega + 6M\Omega + 2K\Omega - 1K\Omega + 300\Omega + 700\Omega}$$

$$\underline{+ 6M\Omega - 5M\Omega + 2K\Omega - 1K\Omega + 300\Omega + 700\Omega}$$

$$10. \quad 10\mu F + 5000nF - 1000pF + 50 000pF - 4000nF - 5\mu F$$

$$\underline{10\mu F - 5\mu F + 5000nF - 4000nF + 1000pF + 50 000pF}$$

1. Addition und Subtraktion

1.2 Addition und Subtraktion unbestimmter Zahlen

$$1) 2 \text{ Äpfel} + 5 \text{ Birnen} = ?$$

Regel: ungleiche unbestimmte Größen können nicht addiert werden.

$$2) 2b + 5b = 7b$$

Regel: Gleiche unbestimmte Zahlen werden addiert, indem man die Beizahlen addiert und die unbestimmte Größe übernimmt.

$$3) 4b + b + 2b + 6b = 4b + 1b + 2b + 6b = \underline{13b}$$

$$4) 0,8d + 1,2d - 0,5d + 8,5d = \underline{10d}$$

$$5) d + d + d - a + a + a + 5a + c = \underline{3d + 6a + c}$$

$$6) 7 + 3a - 5 - a + b - 1 + 4b =$$

Regel: Summen oder Differenzen von mehreren unbestimmten Zahlen werden zunächst nach gleichen Größen geordnet und dann erst addiert.

$$\begin{aligned} 7 - 5 - 1 + 3a - a + b + 4b \\ \underline{1 + 2a + 5b} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 7) 9x + 3y - 5x + 7y + 5 - 5y - 2 = \\ 9x - 5x + 3y + 7y - 5y + 5 - 2 \\ \underline{4x + 5y + 3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 8) 9a + 4c - 3ax - 5a + 2,5c + 15ax = \\ 9a - 5a - 3ax + 15ax + 4c + 2,5c = \\ \underline{4a + 12ax + 6,5c} \end{aligned}$$

1. Addition und Subtraktion

$$9) 10ab + 4bx - 5ax + 10ax - 3bx - 5ab =$$

$$10) 2a - 5a + 3b + 6b + 12b + 4c - 7,2c + 5,2c$$

$$\underline{-3a + 21b + 2c}$$

$$11) 2x + 0,5y - 2,3z + 8x - 0,25y + 5,3z - 5 + 10 =$$

$$2x + 8x + 0,5y - 0,25y - 2,3z + 5,3z - 5 + 10 =$$

$$\underline{10x + 0,25y + 3z + 5}$$

$$12) 1,4ab + 3,5x + 5abx - 0,4ab - 3,6x + 5ab$$

$$1,4ab - 0,4ab + 5ab + 3,5x + 3,6x + 5abx$$

$$\underline{6ab - 0,1x + 5abx}$$

$$13) 10,2bx + 9,6ax - 0,8bx + 0,4ax - 2,4bx =$$

$$10,2bx - 0,8bx - 2,4bx + 9,6ax + 0,4ax =$$

$$\underline{7bx + 10ax}$$

$$14) 6,5m - 3,7n + 2,95p + 2,5n - 0,87p - 3,25m =$$

$$6,5m - 3,25m - 3,7n + 2,5n + 2,95p - 0,87p =$$

$$\underline{3,25m - 1,2n + 1,08p}$$

$$15) 125,25ab - 237bc + 6abc - 25,25ab + 7bc - abc =$$

$$125,25ab - 25,25ab + 6abc - abc - 237bc + 7bc =$$

$$\underline{100ab + 5abc - 230bc}$$

1. Addition und Subtraktion

1.3 Das Vorzeichen beim Addieren und Subtrahieren

Regel: Gleiche Zeichen ergeben immer +

Ungleiche Zeichen ergeben immer -.

$$1) 3a + (-4a) =$$

$$3a - 4a = \underline{-1a} = \underline{-a}$$

$$2) 5a - (+2a) =$$

$$5a - 2a = \underline{3a}$$

$$3) 6b - (-3b) =$$

$$6b + 3b = \underline{9b}$$

$$4) 15c + (+5c) =$$

$$15c + 5c = \underline{20c}$$

$$5) -3a - (-6a) =$$

$$-3a + 6a = \underline{3a}$$

$$6) -3a - (-4a) - (+2a) =$$

$$-3a + 4a - 2a = \underline{-a}$$

$$7) -x - (-2x) + (-3b) - (+5c) =$$

$$-x + 2x - 3b - 5c =$$

$$\underline{x} - \underline{3b} - \underline{5c}$$

$$8) 5 + (-6a) - (-3b) + (+5c) - (+2b) =$$

$$5 - 6a + 3b + 5c - 2b =$$

$$\underline{5} - \underline{6a} + \underline{3b} + \underline{5c}$$

$$9) 25a + 3b - (-2b) + (-20a) - (+5c) - (-20c) =$$

$$25a + 3b + 2b - 20a - 5c + 20c =$$

$$25a - 20a + 3b + 2b - 5c + 20c =$$

$$\underline{5a} + \underline{5b} + \underline{15c}$$

1. Addition und Subtraktion

$$10) 3 - (-5) + (-12) + (+24) - (+16) + (-a) - (-b) = \\ 3 + 5 - 12 + 24 - 16 - a + b = \\ \underline{4} - a + b =$$

$$11) -0,75b + (+1,25b) + (-3,5a) - 2a = \\ -0,75b + 1,25b - 3,5a - 2a = \\ \underline{+ 0,5b} - 5,5a$$

$$12) I_1 + (I_2) + (-i_3) + (-i_4) + (-i_5) = \\ \underline{I_1 + I_2} - i_3 - i_4 - i_5$$

$$13) a + (-b) + (+c) - (-a) + (+b) - (+c) = \\ a - b + c + a + b - c = \\ a + a - b + b + c - c = \\ \underline{2a}$$

$$14) 19,2 + (+0,8) - (+2,5a) - (-7,5a) + (-a) = \\ 19,2 + 0,8 - 2,5a + 7,5a - a = \\ \underline{20 + 4a}$$

$$15) 32xyz + (-16yz) - (28xyz) - (-12yz) = \\ 32xyz - 16yz - 28xyz + 12yz = \\ 32xyz - 28xyz + 12yz - 16yz = \\ \underline{4xyz - 4yz}$$

1. Addition und Subtraktion

1.4 Klammerausdrücke bei Addition und Subtraktion

1) $5 + (2 - 3) =$ + vor Klammer!
 $\underline{5 + 2 - 3} = 4$ Vorzeichen bleiben

2) $5 - (2 - 3) =$ - vor Klammer!
 $\underline{5 - 2 + 3} = 6$ Vorzeichen ändern sich!

3) $-(-2 - 3) =$ - vor Klammer
 $\underline{+2 + 3} = 5$ Vorzeichen ändern sich!

4) $+(-2 - 3) =$ + vor Klammer
 $\underline{-2 - 3} = -5$ Vorzeichen bleiben!

5) $+(-2 - 3) \pm (-2 - 3) =$
 $\underline{-2 - 3 + 2 + 3} = 0$

6) $2a + (5 - b + c - a) + b =$
 $2a + 5 - b + c - a + b =$
 $2a - a - b + b + c + 5 =$
 $\underline{a + c + 5}$

7) $15a - (6 + c - 5b - 12 - a) + (-2a + 3b) =$
 $15a - 6 - c + 5b + 12 \cancel{+ a} - 2a + 3b =$
 $15a \cancel{- a} - 2a + 5b + 3b - c - 6 + 12 =$
 $\underline{14a + 5b - c + 6}$

8) $- (a + b) \circ (-a + b) \pm (-a - b) + (a - b) =$
 $- a - b - a + b + a + b + a - b =$
 $- a - a + a + a - b + b + b - b =$
 $\underline{0 - 0} = 0$

9) $3 - b + 7c - (12x + 6b) \pm (4x + 8b - 10x + 10b) =$
 $3 - b + 7c - 12x - 6b - 4x - 8b + 10x - 10b =$
 $3 - b - 6b - 8b - 10b + 7c - 12x - 4x + 10x =$
 $\underline{3 - 25b + 7c - 6x}$

10) $16a - [6b + (9a - 3b + c + 5a - 2c + b) + 2b] =$
 $16a - [6b + 9a - 3b + c + 5a - 2c + b + 2b] =$

1. Addition und Subtraktion

$$16a - 6b - 9a + 3b - c - 5a + 2c - b - 2b =$$

$$16a - 9a - 5a - 6b + 3b - b - 2b - c + 2c =$$

$$\underline{2a - 6b + c}$$

$$11) 18a - [+ (14a - 8b + 2c) - (8a + 12b - 3c)] =$$

$$18a - [14a - 8b + 2c - 8a - 12b + 3c] =$$

$$18a - 14a + 8b - 2c + 8a + 12b - 3c =$$

$$18a - 14a + 8a + 8b + 12b - 2c - 3c =$$

$$\underline{12a + 20b - 5c}$$

$$12) 25a + [36b - (19a - 11b) + 2a - (2a + 11b) - 12a] =$$

$$25a + [36b - 19a + 11b + 2a - 2a - 11b - 12a] =$$

$$25a + 36b - 19a + 11b + 2a - 2a - 11b - 12a =$$

$$25a - 19a + 2a - 2a - 12a + 36b + 11b =$$

$$\underline{- 6a + 36b}$$

$$13) a + \{ - b [+ c - (d + e) + 2] - 5 \} + 10 =$$

$$a + \{ - b [+ c - d - e + 2] - 5 \} + 10 =$$

$$a + \{ - b + c - d - e + 2 - 5 \} + 10 =$$

$$a - b + c - d - e + 2 - 5 + 10 =$$

$$\underline{a - b + c - d - e + 7}$$

$$14) 5 + \{ - [+ (a+2b)] \} =$$

$$5 + \{ - [+ a+2b] \} =$$

$$5 + \{ - a - 2b \} =$$

$$\underline{5 - a - 2b}$$

$$15) 12x - \{ a + [b - (2a + x)] - [b + (2a + x)] \} + 10 =$$

$$12x - \{ a + [b - 2a - x] - [b + 2a + x] \} + 10 =$$

$$12x - \{ a + b - 2a - x - b - 2a - x \} + 10 =$$

$$12x - a - b + 2a + x + b + 2a + x + 10 =$$

$$12x + x + x - a + 2a + 2a \neq \cancel{2a} - b + b + 10 =$$

$$\underline{14x + 3a + 10}$$

2. Multiplikation

2.1 Allgemeine Regeln der Multiplikation

1) $a \cdot b = \underline{ab}$

Regel: Zwischen zwei oder mehreren unbestimmten Zahlen kann das Malzeichen entfallen.

2) $x \cdot y \cdot z \cdot u = \underline{xyzu}$

3) $(-x) \cdot (-y) = \underline{+xy}$

Regel: Gleiche Vorzeichen ergeben immer +

4) $(-x) \cdot (+y) = \underline{-xy}$

Regel: Ungleiche Vorzeichen ergeben immer -

5) $a \cdot (-5) \cdot (-c) =$
 $a \cdot (+5c) = \underline{5ac}$

6) $ab \cdot (-cd) \cdot (+6e) =$
 $ab \cdot (-6cde) = \underline{-6abcde}$

7) $(-2) \cdot (+2) \cdot (-2) \cdot (-2) =$
 $(-4) \cdot (+4) = \underline{-16}$

8) $(-15) \cdot (-0,4) \cdot (-5) \cdot (-3) =$
 $(+6) \cdot (+15) = \underline{+90}$

9) $a \cdot b \cdot (-c) \cdot 5 =$
 $a \cdot b \cdot (-5c) = \underline{-5abc}$

10) $xyz \cdot uvw \cdot (-ab) =$
 $\underline{-abxyzuvw}$

2. Multiplikation

2.2 Multiplikation von Produkten.

1) $3 \cdot 6a =$

Regel: Produkte werden multipliziert, indem man die Beizeichen multipliziert und den Buchstaben übernimmt.

$3 \cdot 6a = \underline{18a}$

2) $7a \cdot 3b = 7 \cdot 3 \cdot a \cdot b = \underline{21ab}$

3) $10x \cdot 8ab = 10 \cdot 8 \cdot ab \cdot x = \underline{80abx}$

4) $8a \cdot 9b \cdot 10c = 8 \cdot 9 \cdot 10 \cdot a \cdot b \cdot c = \underline{720abc}$

5) $4ab \cdot 3y \cdot 5cd \cdot 10 = 4 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 10 \cdot ab \cdot y \cdot cd = \underline{600abcdy}$

6) $8a \cdot (-2b) =$

Regel: ungleiche Vorzeichen ergeben \ominus

$8 \cdot (-2) \cdot a \cdot b = \underline{-16ab}$

7) $6a \cdot (-5b) \cdot (-3c) = 6 \cdot (-5) \cdot (-3) \cdot b \cdot c = \underline{+90bc}$

8) $0,3x \cdot (-0,5y) \cdot (-5z) \cdot 2 = 0,8 \cdot (-0,5) \cdot (-5) \cdot 2 \cdot x \cdot y \cdot z = \underline{+40xyz}$

9) $0,4n \cdot (-4,6b) \cdot 0,1 \cdot (-10a) = 0,4 \cdot (-4,6) \cdot 0,1 \cdot (-10) \cdot a \cdot b \cdot n = \underline{+1,84abn}$

10) $5xyz \cdot 6ab \cdot (-3n) \cdot 9 = 5 \cdot 6 \cdot (-3) \cdot 9 \cdot abnxyz = \underline{-810abnxyz}$

2. Multiplikation

2.3 Multiplikation von Faktor und Summe

$$1) 5 \cdot (2 + a) =$$

Regel: Jedes Glied in der Klammer ist mit der Zahl vor der Klammer zu multiplizieren.

$$5 \cdot (2 + a) =$$

$$5 \cdot 2 + 5 \cdot a =$$

$$\underline{10 + 5a}$$

$$2) (a - b) \cdot 8 =$$

$$8 \cdot a - 8 \cdot b =$$

$$\underline{8a - 8b}$$

$$3) 5(2x + 6y) =$$

$$5 \cdot 2x + 5 \cdot 6y =$$

$$\underline{10x + 30y}$$

$$4) 6(x + y - 4) =$$

$$6 \cdot x + 6 \cdot y - 6 \cdot 4 =$$

$$\underline{6x + 6y - 24}$$

$$5) 5x \cdot (8a + b - 4c) =$$

$$5x \cdot 8a + 5x \cdot b - 5x \cdot 4c =$$

$$\underline{40ax + 5bx - 20cx}$$

$$6) n(3ab + b - c) =$$

$$n \cdot 3ab + n \cdot b - n \cdot c =$$

$$\underline{3abn + bn - cn}$$

$$7) (-4) \cdot (a + 4x - a) =$$

$$(-4) \cdot 9 + (-4) \cdot 4x - (-4) \cdot a =$$

$$- 36 + (-16x) - (-4a) =$$

$$\underline{-36 - 16x + 4a}$$

2. Multiplikation

2.4 Multiplikation von Summen

$$1) (a + 2) \cdot (b + 1)$$

Regel: Summen werden multipliziert, indem man jedes Glied der ersten Summe mit jedem Glied der zweiten Summe multipliziert.

$$\begin{aligned}(a + 2) \cdot (b + 1) &= \\ a \cdot b + 1 \cdot a + 2 \cdot b + 2 \cdot 1 &= \\ ab + a + 2b + 2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2) (y - 9) (x - 4) &= \\ y \cdot x + y \cdot (-4) - 9 \cdot x - 9 \cdot (-4) &= \\ xy - 4y - 9x + 36\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}3) (n - 3) (a + 5) &= \\ n \cdot a + n \cdot 5 - 3 \cdot a - 3 \cdot 5 &= \\ an + 5n - 3a - 15\end{aligned}$$

$$4) (a + 1) \cdot (b + 2) \cdot (c + 3) =$$

Regel: Sollen mehr als zwei Summen multipliziert werden, so multipliziert man zunächst zwei der vorhandenen Klammern aus, setzt das Ergebnis wieder in Klammern und multipliziert dann mit der dritten Klammer aus.

$$(a + 1) \cdot (b + 2) \cdot c + 3 =$$

$$\begin{aligned}(a \cdot b + 2a + 1b + 1 \cdot 2) \cdot (c + 3) &= \\ a \cdot b \cdot c + a \cdot b \cdot 3 + 2a \cdot c + 2a \cdot 3 + 1b \cdot c + 1b \cdot 3 + 1 \cdot 2 \cdot c \\ + 1 \cdot 2 \cdot 3 &= \\ abc + 3ab + 2ac + 6a + 6c + 3b + 2c + 6\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}5) (5a + 4b) \cdot (6x - 7y) &= \\ 5a \cdot 6x + 5a \cdot (-7y) + 4b \cdot 6x + 4b \cdot (-7y) &= \\ 30ax - 35ay + 24bx - 28by\end{aligned}$$

2. Multiplikation

$$6) (4x + 8) \cdot (8 + 2y) \cdot 2$$

Regel: Sollen zwei Summen mit einer Zahl multipliziert werden, multipliziert man erst die beiden Summen aus, setzt das Ergebnis in Klammern und multipliziert dann alle Glieder der Klammer mit der Zahl!

$$(4x + 8) \cdot (8 + 2y) \cdot 2 =$$

$$\begin{aligned} (4x \cdot 8 + 4x \cdot 2y + 8 \cdot 8 + 8 \cdot 2y) \cdot 2 &= \\ 4x \cdot 8 \cdot 2 + 4x \cdot 2y \cdot 2 + 8 \cdot 8 \cdot 2 + 8 \cdot 2y \cdot 2 &= \\ \underline{64x + 16xy + 128 + 32y} \end{aligned}$$

$$7) (4a + 2b - 3c) \cdot (2 + d) =$$

$$\begin{aligned} 4a \cdot 2 + 4a \cdot d + 2b \cdot 2 + 2b \cdot d - 3c \cdot 2 - 3c \cdot d &= \\ \underline{8a + 4ad + 4b + 2bd - 6c - 3cd} \end{aligned}$$

$$8) 4(a + b + c)(2 + d + e) =$$

$$\begin{aligned} 4(a^2 + a \cdot d + a \cdot e + b^2 + b \cdot d + b \cdot e + c^2 + c \cdot d + c \cdot e) &= \\ 4 \cdot a^2 + 4ad + 4ae + 4 \cdot b^2 + 4 \cdot bd + 4 \cdot be + 4 \cdot c^2 + 4 \cdot cd &= \\ + 4 \cdot e \cdot c & \\ \underline{8a + 4ad + 4ae + 8b + 4bd + 4be + 8c + 4cd + 4ec} \end{aligned}$$

$$9) (b + 2) \cdot 4(a+5) =$$

$$\begin{aligned} (b + 2) \cdot 4 \cdot a + 4 \cdot 5 &= \\ b \cdot 4 \cdot a + b \cdot 4 \cdot 5 + 2 \cdot 4 \cdot a + 2 \cdot 4 \cdot 5 &= \\ \underline{4ab + 20b + 8a + 40} \end{aligned}$$

$$10) (a + b) \cdot 2(c+d) \cdot 4(3 - e) =$$

$$\begin{aligned} (a + b) \cdot (2 \cdot c + 2 \cdot d) \cdot (4 \cdot 3 - 4 \cdot e) &= \\ (a \cdot 2c + a \cdot 2d + b \cdot 2c + b \cdot 2d) (4 \cdot 3 - 4 \cdot e) &= \\ a \cdot 2c \cdot 4 \cdot 3 + a \cdot 2c \cdot (-4 \cdot e) + a \cdot 2d \cdot 4 \cdot 3 + a \cdot 2d \cdot (-4 \cdot e) + b \cdot 2c \cdot & \\ 4 \cdot 3 + b \cdot 2c \cdot (-4 \cdot e) + b \cdot 2d \cdot 4 \cdot 3 + b \cdot 2d \cdot (-4 \cdot e) &= \\ 24ac - 8ace + 24ad - 8ade + 24bc - 8bce + 24bd - 8bde &= \\ \underline{24ac - 8ace + 24ad - 8ade + 24bc - 8bce + 24bd - 8bde} \end{aligned}$$

2. Multiplikation

2.5 Zerlegen in Faktoren (Ausklaammern)

1) $5 \cdot 12 + 4 \cdot 12 - 2 \cdot 12$

Regel: Enthalten Summen oder Differenzen gleiche Werte,
kann man sie ausklammern.

$5 \cdot 12 + 4 \cdot 12 - 2 \cdot 12$

12 ist gemeinsam

$12 \cdot (5 + 4 - 2)$

2) $3 \cdot 5 \cdot 4 + 3 \cdot 6 \cdot 4 - 3 \cdot 9 \cdot 4$

$3 \cdot 4 (5 + 6 - 9)$

 $3 \cdot 4$ ist gemeinsam

3) $ab + ac - ad$

$a (b+c-d)$

 a ist gemeinsam

4) $24a + 36a - 12a$

$12a (2 + 3 - 1)$

 a ist gemeinsam, alle Zahlen
enthalten den Wert 12

5) $25ab + 125ac + 75 ad$

$25a \cdot (b + 5c + 3d)$

 a ist gemeinsam, alle Zahlen
enthalten den Wert 25

6) $(a + b) \cdot n + (a + b) \cdot m$ | $(a + b)$ ist gemeinsam

$(a + b) \cdot (n + m)$

7) $5 + 4 \cdot 5 - 2 \cdot 5 \cdot a + 6 \cdot 5 \cdot b$ | 5 ist gemeinsam

$5 (1 + 4 - 2a + 6b)$

8) $a + ab =$

$a (1 + b)$

 a ist gemeinsam

9) $R_1 + R_1 \cdot \dots$

$R_1 (1 + \dots)$

 R_1 ist gemeinsam

10) $xy - xyz + 2xyu$

$xy (1 - z + 2u)$

 xy ist gemeinsam

3. Division (Bruchrechnung)

3.1 Allgemeine Regeln der Division

$$1) 7 : 125 = \frac{7}{125}$$

Regel: Bruchstrich ersetzt Doppelpunkt

$$2) 6 : 4 = \frac{6}{4} = 1 \frac{2}{4}$$

$$3) 125 : 375 = \frac{125}{375}$$

$$4) 0 : 12 = \frac{0}{12}$$

$$5) 4 : 0 = \frac{4}{0}$$

$$\rightarrow \frac{0}{4} = 0$$

$$7) \frac{2}{0} = \infty$$

$$8) \frac{ab}{0} = \infty$$

$$9) \frac{4a \cdot 2b}{0} = \infty$$

$$10) \frac{17abc \cdot 0}{12} = \frac{0}{12} = 0$$

$$11) \frac{+5}{2} = + \frac{5}{2}$$

$$12) \frac{-6}{+9} = - \frac{6}{9}$$

$$13) \frac{-4}{-6} = + \frac{4}{6}$$

$$14) \frac{3a - 9a}{-2} = \frac{-6a}{-2} = + \frac{6a}{2}$$

$$15) \frac{12x - 24x + 8x}{+ 6} = \frac{-12x + 8x}{+ 6} = - \frac{4x}{6}$$

3. Division (Bruchrechnen)

3.2 Kürzen von Brüchen

$$1) \frac{49ax}{7bx} =$$

Regel: Kürzen heißt Zähler u. Nenner durch die gleiche Zahl teilen.

$$\frac{49ax}{7bx} = \frac{49ax : 7x}{7bx : 7x} = \underline{\underline{\frac{7a}{b}}}$$

$$2) \frac{3abcd}{bc} = \frac{3abcd : bc}{bc : bc} = \underline{\underline{\frac{3ad}{1}}} = \underline{\underline{3ad}}$$

$$3) \frac{24 \cdot 6 \cdot 4 \cdot ab}{12 \cdot 8} = \frac{24 \cdot 6 \cdot 4 \cdot ab : 12}{12 \cdot 8 : 12} = \frac{2 \cdot 6 \cdot 4 \cdot ab}{1 \cdot 8} = \frac{2 \cdot 4 \cdot 6ab}{1 \cdot 8} =$$

$$\underline{\underline{\frac{1 \cdot 6ab}{1}}} = \underline{\underline{6ab}}$$

$$4) \frac{6a + 6b}{6} = \frac{6(a+b)}{6} = \frac{6(a+b) : 6}{6 : 6} = \underline{\underline{a + b}}$$

$$5) \frac{36a - 12b + 18c}{6} = \frac{6(6a - 2b + 3c)}{6} = \underline{\underline{6a - 2b + 3c}}$$

$$6) \frac{anx + bnx + cnx}{nx} = \frac{nx(a + b + c)}{nx} = \underline{\underline{a + b + c}}$$

$$7) \frac{24ad - 48bd + 96cd}{12d} = \frac{12d(2a - 4b + 8c)}{12d} = \underline{\underline{2a - 4b + 8c}}$$

$$8) \frac{5ab}{15ac - 20ab} = \frac{5ab}{5a(c - b)} = \underline{\underline{\frac{b}{c - b}}}$$

$$9) \frac{15a - 6ab}{21c - 18cb} = \frac{3a(5 - 2b)}{3c(7 - 6b)} = \underline{\underline{\frac{a(5 - 2b)}{c(7 - 6b)}}}$$

$$10) \frac{14ab + 7ac + 42ab}{70ab + 14ac + 7ab} = \frac{7a(2b + 1c + 6b)}{7a(10b + 2c + 1b)} = \underline{\underline{\frac{2b + c + 6b}{10b + 2c + 1b}}}$$

3. Division (Bruchrechnen)

3.3 Erweitern von Brüchen

$$1) \frac{6}{9} \text{ mit } 3$$

Regel: Erweitern heißt Zähler und Nenner eines Bruches mit der gleichen Zahl multiplizieren.

$$\frac{6}{9} = \frac{6 \cdot 3}{9 \cdot 3} = \frac{18}{27}$$

$$2) \frac{3b}{7a} \text{ mit } (-2) =$$

$$\frac{3b \cdot (-2)}{7a \cdot (-2)} = \frac{-6b}{-14a} = + \frac{6b}{14a}$$

$$3) \frac{3c}{3x+7a} \text{ mit } (-5)$$

$$\frac{3c \cdot (-5)}{(3x+7a) \cdot (-5)} = \frac{-15c}{-15x-35a}$$

$$4) \frac{8a+4b}{x} \text{ mit } (-1)$$

$$\frac{(8a+4b) \cdot (-1)}{x \cdot (-1)} = \frac{-8a - 4b}{-x}$$

$$5) \frac{2ab+3ad-7ac}{5ab+7ac} \text{ mit } (+2x)$$

$$\frac{2x(2ab+3ad-7ac)}{2x(5ab+7ac)} = \frac{4abx+6adx-14acx}{10abx+14acx}$$

3. Division (Bruchrechnen)

3.4 Addition und Subtraktion von Brüchen3.41 Gleichnamige Brüche

$$1) \frac{6}{a} + \frac{5}{a} =$$

Regel: Gleichnamige Brüche werden addiert oder subtrahiert indem man die Zähler addiert oder subtrahiert und den Nenner unverändert übernimmt.

$$\frac{6}{a} + \frac{5}{a} = \frac{6+5}{a} = \frac{11}{a}$$

$$2) \frac{6}{13} + \frac{5}{13} = \frac{6+5}{13} = \frac{11}{13}$$

$$3) \frac{16ab}{3} - \frac{14ab}{3} = \frac{16ab-14ab}{3} = \frac{2ab}{3}$$

$$4) \frac{5a}{11} + \frac{2a}{11} - \frac{4a}{11} + \frac{8a}{11} = \frac{5a+2a-4a+8a}{11} = \frac{11a}{11} = a$$

3.42 Ungleichnamige Brüche

$$6) \frac{1}{5} + \frac{1}{4} = \text{Hauptnenner } 4 \cdot 5 = 20$$

$\frac{1}{5}$ wird mit 4 erweitert, $\frac{1}{4}$ mit 5

$$\frac{1 \cdot 4}{5 \cdot 4} + \frac{1 \cdot 5}{4 \cdot 5} = \frac{4}{20} + \frac{5}{20} = \frac{4+5}{20} = \frac{9}{20}$$

$$7) \frac{2}{3} + \frac{4}{9} - \frac{3}{15}$$

Nenner	Primzahl	Hauptnenner
3	3	3
9	3 · 3	3
15	3 · 5	5

$\frac{2}{3}$ mit 15 erweitern

$\frac{4}{9}$ mit 5 erweitern

$\frac{3}{15}$ mit 3 erweitern

$$\frac{2 \cdot 15}{3 \cdot 15} + \frac{4 \cdot 5}{9 \cdot 5} - \frac{3 \cdot 3}{15 \cdot 3} = \frac{30}{45} + \frac{20}{45} - \frac{9}{45} = \frac{30+20-9}{45} = \frac{41}{45}$$

3. Division (Bruchrechnen)

3.5 Multiplikation von Brüchen

$$1) \frac{2}{5} \cdot \frac{4}{6}$$

Regel: Brüche werden miteinander multipliziert, indem man Zähler mit Zähler und Nenner mit Nenner multipliziert.

$$\frac{2}{5} \cdot \frac{4}{6} = \frac{2 \cdot 4}{5 \cdot 6} = \frac{8}{30} = \frac{8:2}{30:2} = \underline{\underline{\frac{4}{15}}}$$

$$2) \frac{3}{4} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{4}{5} = \frac{3 \cdot 2 \cdot 4}{4 \cdot 3 \cdot 5} = \underline{\underline{\frac{2}{5}}}$$

$$3) \frac{a}{2} \cdot \frac{b}{3} \cdot \frac{c}{4} = \frac{a \cdot b \cdot c}{2 \cdot 3 \cdot 4} = \underline{\underline{\frac{abc}{24}}}$$

$$4) \frac{2a+3}{4} \cdot \frac{5}{6} = \frac{(2a+3)}{4} \cdot \frac{5}{6} = \underline{\underline{\frac{10a+15}{24}}}$$

$$5) \frac{1}{3} \cdot \frac{2a}{4} \cdot \frac{b+3}{2} = \frac{1 \cdot 2a \cdot (b+3)}{3 \cdot 4 \cdot 2} = \underline{\underline{\frac{2ab + 6a}{24}}}$$

$$6) \frac{3}{4} \cdot \frac{4}{3} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{5}{2} = \frac{3 \cdot 4 \cdot 2 \cdot 5}{4 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 2} = \underline{\underline{\frac{1}{1}}} = 1$$

$$7) \frac{a+b}{9} \cdot \frac{1}{0} = \frac{(a+b) \cdot 1}{9 \cdot 0} = \frac{a+b}{0} = \underline{\underline{\infty}}$$

$$8) \frac{a+b}{2} \cdot \frac{c+d}{3} \cdot \frac{e+f}{4} = \frac{(a+b) \cdot (c+d) \cdot (e+f)}{2 \cdot 3 \cdot 4} = \frac{(ace+ade+bce+bce+acf+adf+bcf+bdf)}{24}$$

$$= \underline{\underline{\frac{ace+ade+bce+bce+acf+adf+bcf+bdf}{24}}}$$

$$9) 4 \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{5} \cdot 2 = \frac{4 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 2}{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 1} = \frac{16}{15} = \underline{\underline{1 \frac{1}{15}}}$$

$$10) 8 \cdot \frac{a+b}{2} \cdot 5 \cdot \frac{2}{a+b} = \frac{8 \cdot (a+b) \cdot 5 \cdot 2}{2 \cdot (a+b)} = \frac{8 \cdot 5}{1} = \underline{\underline{40}}$$

3. Division (Bruchrechnen)

3.6 Division von Brüchen

$$1) \frac{3}{5} : \frac{1}{2} =$$

Regel: Brüche werden dividiert, indem man den 1. Bruch mit dem Kehrwert des 2. Bruches multipliziert.

$$\frac{3}{5} : \frac{1}{2} = \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{1} = \frac{3 \cdot 2}{5 \cdot 1} = \frac{6}{5} = 1 \frac{1}{5}$$

$$2) \frac{9}{10} : \frac{3}{4} = \frac{9}{10} \cdot \frac{4}{3} = \frac{9 \cdot 4}{10 \cdot 3} = \frac{36}{30} = 1 \frac{6}{30} = 1 \frac{1}{5}$$

$$3) 9 : \frac{5}{6} = \frac{9}{1} : \frac{5}{6} = \frac{9}{1} \cdot \frac{6}{5} = \frac{9 \cdot 6}{1 \cdot 5} = \frac{54}{5} = 10 \frac{4}{5}$$

$$4) 3 : \frac{1}{5} = \frac{3}{1} : \frac{1}{5} = \frac{3}{1} \cdot \frac{5}{1} = \frac{3 \cdot 5}{1 \cdot 1} = \frac{15}{1} = 15$$

$$5) \frac{3}{7} : 4 = \frac{3}{7} : \frac{4}{1} = \frac{3}{7} \cdot \frac{1}{4} = \frac{3 \cdot 1}{7 \cdot 4} = \frac{3}{28}$$

$$6) \frac{12}{18} : 3 = \frac{12}{18} : \frac{3}{1} = \frac{12}{18} \cdot \frac{1}{3} = \frac{12 \cdot 1}{18 \cdot 3} = \frac{4}{18} = \frac{2}{9}$$

$$7) \frac{1}{2} : \frac{2}{5} : \frac{3}{4} = \frac{1}{2} \cdot \frac{5}{2} : \frac{3}{4} = \frac{1}{2} \cdot \frac{5}{2} \cdot \frac{3}{4} = \frac{1 \cdot 5 \cdot 3}{2 \cdot 2 \cdot 4} = \frac{15}{16}$$

$$8) \frac{1}{2} : \frac{2}{5} : \frac{3}{4} = \frac{1}{2} : \frac{2}{5} \cdot \frac{4}{3} = \frac{1}{2} \cdot \frac{5 \cdot 3}{2 \cdot 4} = \frac{15}{16}$$

$$9) \frac{1}{2} : 4 : 2 \frac{1}{2} = \frac{1}{2} : \frac{4}{1} : \frac{5}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{5} = \frac{1 \cdot 1 \cdot 2}{2 \cdot 4 \cdot 5} = \frac{2}{40} = \frac{1}{20}$$

$$10) 6 \frac{3}{4} : 2 \frac{1}{3} : 1 \frac{1}{2} = \frac{27}{4} : \frac{7}{3} : \frac{3}{2} = \frac{27}{4} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{2}{3} = \frac{162}{84} =$$

$$1 \frac{78}{84} = \underline{1 \frac{39}{42}}$$

$$11) \frac{3}{4} \cdot \frac{2}{5} : \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{1} = \frac{3 \cdot 2 \cdot 2}{4 \cdot 5 \cdot 1} = \frac{12}{20} = \underline{\frac{3}{5}}$$

$$12) \frac{3}{4} \cdot \frac{2}{5} : \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{1} = \frac{3 \cdot 2 \cdot 2}{4 \cdot 5 \cdot 1} = \frac{12}{20} = \underline{\frac{3}{5}}$$

3. Division (Bruchrechnen)

$$13) \frac{3}{4} \cdot \frac{2}{5} : \frac{1}{2} = \frac{3 \cdot 2}{4 \cdot 5} \cdot \frac{2}{1} = \frac{3 \cdot 2 \cdot 2}{4 \cdot 5 \cdot 1} = \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$$

$$14) \frac{1}{5} : \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{5} : \frac{2 \cdot 1}{3 \cdot 2} = \frac{1}{5} \cdot \frac{3 \cdot 2}{2 \cdot 1} = \frac{1 \cdot 3 \cdot 2}{5 \cdot 2 \cdot 1} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

$$15) \frac{1}{5} : \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{5} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1 \cdot 3 \cdot 1}{5 \cdot 2 \cdot 2} = \frac{3}{20}$$

4. Potenzrechnung

4.1 Allgemeine Regeln zur Potenzrechnung

1) $3 \cdot 3 \cdot 3 = \underline{3^3}$

2) $a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a = \underline{a^5}$

3) $7^3 = 7 \cdot 7 \cdot 7 = \underline{343}$

4) $3^6 = 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = \underline{729}$

5) $(-2)^2 = (-2) \cdot (-2) = \underline{+4}$

6) $(-3)^4 = (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) = +9 \cdot (-3) \cdot (-3) = -27 \cdot (-3) = \underline{+81}$

7) $(-4)^3 = (-4) \cdot (-4) \cdot (-4) = \cancel{(-4)} = +16 \cdot (-4) = \underline{-64}$

8) $(-2)^2 \cdot (-2)^2 = (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) = +4 \cdot (-2) \cdot (-2) = -8 \cdot (-2) = \underline{+16}$

9) $(-2)^3 \cdot (-2)^2 = (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) = +4 \cdot (-2) \cdot (-2) \cdot (-2) = -8 \cdot (-2) = +16 \cdot (-2) = \underline{-32}$

10) $15\ 000 = 15 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = \underline{15 \cdot 10^3}$

11) $1375\ 000\ 000 = 1375 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = \underline{1375 \cdot 10^6}$

12) $1,25 \cdot 10^3 = 1,25 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = \underline{1250}$

13) $0,5 \cdot 10^2 = 0,5 \cdot 10 \cdot 10 = \underline{50}$

14) $0,000125 \cdot 10^8 = 0,000125 \cdot 10 = \underline{12500}$

15) $135\ 000 \cdot 10^4 = 135\ 000 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = \underline{1350\ 000\ 000}$

4. Potenzieren

4.2 Potenzieren von Zahlen, Produkten, Quotienten, Summen und Differenzen.

1) 4^3

Regel: Zahlen werden potenziert, indem man die Grundzahl so oft mit sich selbst multipliziert, wie die Hochzahl angibt.

$4^3 = 4 \cdot 4 \cdot 4 = \underline{64}$

2) $3^2 = 3 \cdot 3 = \underline{9}$

3) $3 \cdot 5^2 = 3 \cdot 5 \cdot 5 = \underline{75}$

4) $12 \cdot 2^3 = 12 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = \underline{96}$

5) $(3 \cdot 4)^2$

Regel: Produkte werden potenziert, indem man jeden Faktor des Produktes potenziert.

$(3 \cdot 4)^2 = 3^2 \cdot 4^2 = 9 \cdot 16 = \underline{144}$

6) $(4 \cdot 5)^3 = 4^3 \cdot 5^3 = 64 \cdot 125 = \underline{8000}$

7) $\frac{3^2}{4} = \frac{3 \cdot 3}{4} = \frac{9}{4} = \underline{2 \frac{1}{4}}$

8) $\frac{6^3}{2^2} = \frac{6 \cdot 6 \cdot 6}{2 \cdot 2} = \frac{216}{4} = \underline{54}$

9) $\left(\frac{2}{7}\right)^2$

Regel: Brüche werden potenziert, indem man Zähler und Nenner potenziert.

$\left(\frac{2}{7}\right)^2 = \frac{2}{7} \cdot \frac{2}{7} = \frac{4}{49}$

4. Potenzieren

$$10) \left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{3^3}{5^3} = \frac{3 \cdot 3 \cdot 3}{5 \cdot 5 \cdot 5} = \underline{\underline{125}}$$

$$11) (2+3)^2 =$$

Regel: Summen oder Differenzen werden potenziert, indem man die Potenzaufgabe in eine Multiplikationsaufgabe umwandelt und die entstehenden Klammern ausrechnet.

$$\begin{aligned}(2+3)^3 &= (2+3) \cdot (2+3) \cdot (2+3) = \\&= (2 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 3 \cdot 2 + 3 \cdot 3) \cdot (2+3) = \\&= 2 \cdot 2 \cdot 2 + 2 \cdot 3 \cdot 2 + 3 \cdot 2 \cdot 2 + 3 \cdot 3 \cdot 2 + 2 \cdot 2 \cdot 3 + 2 \cdot 3 \cdot 3 + 3 \cdot 2 \cdot 3 + 3 \cdot 3 \cdot 3 \\&= 8 + 12 + 12 + 18 + 12 + 18 + 18 + 27 = \\&= \underline{\underline{128}}\end{aligned}$$

$$12) (4-2)^2 = (4-2) \cdot (4-2) = 16 - 8 - 8 + 4 = \underline{\underline{4}}$$

$$\begin{aligned}13) (6-3)^3 &= (6-3) \cdot (6-3) \cdot (6-3) = (36 - 18 - 18 + 9) \cdot (6-3) = \\&= 216 - 108 - 108 + 54 - 108 + 54 + 54 - 27 = \underline{\underline{27}}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}14) (1+7)^3 &= (1+7) \cdot (1+7) \cdot (1+7) = (1+7+7+49) \cdot (1+7) \\&= 1+7+7+49+7+49+49+343 = \underline{\underline{512}}\end{aligned}$$

$$15) (2+4)^2 = (2+4) \cdot (2+4) = 4+8+8+16 = \underline{\underline{36}}$$

4. Potenzieren

4.3 Addieren und subtrahieren von Potenzen

$$1) 2^2 + 2^3$$

Regel: Nur Potenzen mit gleicher Basis und gleichem Exponenten können addiert und subtrahiert werden.

$$2^2 + 2^3 = 2 \cdot 2 + 2 \cdot 2 \cdot 2 = 4 + 8 = \underline{12}$$

$$2) 3^5 + 3^5$$

Regel: Potenzen mit gleicher Basis und gleichem Exponenten werden addiert oder subtrahiert, indem man die Beizahlen addiert oder subtrahiert und die Potenz unverändert übernimmt.

$$3^5 + 3^5 = 1 \cdot 3^5 + 1 \cdot 3^5 = 2 \cdot 3^5 = 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = \underline{486}$$

$$3) 2 \cdot 2^2 + 4 \cdot 2^2 = 6 \cdot 2^2 = 6 \cdot 2 \cdot 2 = 6 \cdot 4 = \underline{24}$$

$$4) 4 \cdot 10^2 + 6 \cdot 10^2 = 10 \cdot 10^2 = 10 \cdot 10 \cdot 10 = \underline{1000}$$

$$5) 4 \cdot 10^2 + 0,06 \cdot 10^4 = 4 \cdot 10^2 + 6 \cdot 10^2 = \underline{1000}$$

$$6) 3a^2 + 2a^2 - a^2 = 5a^2 - a^2 = \underline{4a^2}$$

$$7) 6a^4 + 2a^4 - 5a^4 + a^4 - 3a^4 = 9a^4 - 8a^4 = \underline{a^4}$$

$$8) a \cdot b^2 + a \cdot b^2 = 2a \cdot b^2 = \underline{2ab^2}$$

$$9) -5 \cdot 2^3 + 3 \cdot 2^3 - 2 \cdot 2^3 + 10 \cdot 2^3 - 1 \cdot 2^3 = \\ 13 \cdot 2^3 - 8 \cdot 2^3 = 5 \cdot 2^3 = 5 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = \underline{40}$$

$$10) 2 \cdot 3 \cdot 5^2 + 4 \cdot 5^2 - 1,25 \cdot 4 \cdot 5^2 = \\ 6 \cdot 5^2 + 4 \cdot 5^2 - 5 \cdot 5^2 = 10 \cdot 5^2 - 5 \cdot 5^2 = 5 \cdot 5^2 = \\ = 5 \cdot 5 \cdot 5 = \underline{125}$$

4. Potenzieren

4.4 Multiplizieren von Potenzen

$$1) 2^5 \cdot 2^1 =$$

Regel : Potenzen werden multipliziert, indem man die Exponenten addiert

$$2^5 \cdot 2^1 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \quad 2^6 = \underline{64}$$

$$2) 7^2 \cdot 7^3 = 7^{(2+3)} = 7^5 = \underline{16\ 807}$$

$$3) 2 \cdot 3^3 \cdot 3^2 = 2 \cdot 3^{(3+2)} = 2 \cdot 3^5 = 2 \cdot 243 = \underline{486}$$

$$4) a^n \cdot a^m = \underline{a^{(n+m)}}$$

$$5) 5a^2 n^3 \cdot 5an^2 = 25 \cdot a^{(2+1)} \cdot n^{(3+2)} = \underline{25a^3 n^5}$$

$$6) 12^2 \cdot 12^1 = 12^{(2+1)} = 12^3 = \underline{1728}$$

$$7) 2^3 \cdot 2 \cdot 2^2 \cdot 5 \cdot 2^3 = \frac{2^3 \cdot 2^3 \cdot 5 \cdot 2^3}{5 \cdot 2^9} = \frac{5 \cdot 2^{(3+3+3)}}{5 \cdot 512} = \underline{2560}$$

$$8) 2 \cdot 5^3 \cdot 5 \cdot 5^2 \cdot 4 \cdot 5^1 \cdot 7 \cdot 5 = 2 \cdot 5^3 \cdot 4 \cdot 5^1 \cdot 7 \cdot 5^4 \\ = 2 \cdot 4 \cdot 7 \cdot 5^{(3+3+1+4)} = 56 \cdot 5^{(11)} = 56 \cdot 48 \cdot 828 \cdot 125 \\ = \underline{2.734.375.000}$$

$$9) 3a^2 b^2 \cdot 3ab \cdot 7ab^2 \cdot 5a^2 b = 3 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 5 \cdot a^{(2+1+1+2)} b^{(2+1+2+1)} = \\ = \underline{315a^6 b^6}$$

$$10) \frac{1}{3}a^2 x \cdot \frac{2}{3}ax^2 \cdot \frac{6}{2}a^2 x^2 = \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{6}{2} \cdot a^{(2+1+2)} x^{(1+2+2)} = \\ \frac{12}{18} a^5 x^5 = \underline{\frac{2}{3} a^5 x^5}$$

4. Potenzieren

4.5 Division von Potenzen

$$1) a^6 : a^4$$

Regel: Potenzen werden dividiert, indem man die Exponenten subtrahiert

$$a^6 : a^4 = a^{(6-4)} = a^2$$

$$2) 3^7 : 3^4 = 3^{(7-4)} = 3^3 = 27$$

$$3) \frac{2 \cdot 3^7}{3 \cdot 3^5} = \frac{2 \cdot 3^{(7-5)}}{3} = \frac{2}{3} \cdot 3^2 = \frac{2 \cdot 9}{3} = 6$$

$$4) 5^2 : 5^3 = 5^{(2-3)} = 5^{-1} = \frac{1}{5^1} = \frac{1}{5}$$

$$5) \frac{9 \cdot 2^6}{3 \cdot 2^5} = 3 \cdot 2^{(6-5)} = 3 \cdot 2^1 = 3 \cdot 2 = 6$$

$$6) \frac{1}{4 \cdot 5^2} = \frac{1}{4 \cdot 5 \cdot 5} = \frac{1}{100} = \frac{1}{10^2} = 10^{-2} = 0,01$$

$$7) \frac{5 \cdot 10^3}{3 \cdot 10^{-2}} = \frac{5}{3} \cdot 10^{(3-(-2))} = \frac{5}{3} \cdot 10^{(3+2)} = \frac{5}{3} \cdot 10^5 = 1,667 \cdot 10^5 = 166700$$

$$8) \frac{3 \cdot 10^{-2} \cdot 5 \cdot 10^5}{5 \cdot 10^{-12} \cdot 2 \cdot 10^{10}} = \frac{3 \cdot 5 \cdot 10^{(-2+5)}}{5 \cdot 2 \cdot 10^{(-12+10)}} = \frac{15 \cdot 10^3}{10 \cdot 10^{-2}}$$

$$= \frac{15}{10} \cdot 10^{(3-(-2))} = \frac{15}{10} \cdot 10^{(3+2)}$$

$$= 1,5 \cdot 10^5 = 150000$$

$$9) \frac{2 \cdot 7^2 \cdot 10 \cdot 7^{-5}}{5 \cdot 7^{-9} \cdot 2 \cdot 7^8} = \frac{2 \cdot 10 \cdot 7^{(2-5)}}{5 \cdot 2 \cdot 7^{(-9+8)}} = \frac{10 \cdot 7^{-3}}{5 \cdot 7^{-1}} = 2 \cdot 10^{(-3-(-1))}$$

$$= 2 \cdot 10^{(-3+1)} = 2 \cdot 10^{-2} = \frac{2}{10^2} = \frac{2}{100} = 0,02$$

$$10) \frac{1,2 \cdot 10^2 \cdot 5 \cdot 10^{-3} \cdot 10 \cdot 10^2}{2,5 \cdot 4 \cdot 10^{-17} \cdot 2 \cdot 10^{12} \cdot 5 \cdot 10^2} = \frac{1,2 \cdot 5 \cdot 10 \cdot 10^{(2-3+2)}}{2,5 \cdot 4 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 10^{(-17+12+2)}}$$

4. Potenzieren

$$= \frac{60 \cdot 10^1}{100 \cdot 10^{-3}} = \frac{60}{100} \cdot 10^{(1-(-3))}$$

$$= \frac{6}{10} \cdot 10^{(1+3)} = \frac{6}{10} \cdot 10^4 = 0,6 \cdot 10^4 = \underline{\underline{6.000}}$$

4. Potenzieren

4.6 Potenzieren von Potenzen

$$1) (2^5)^2$$

Regel: Potenzen werden potenziert, indem man die Exponenten multipliziert

$$(2^5)^2 = 2^{(5 \cdot 2)} = 2^{10} = \underline{1024}$$

$$2) (a^n)^m = \underline{a^{nm}}$$

$$3) 3 \cdot (4^2)^3 = 3 \cdot 4^{(2 \cdot 3)} = 3 \cdot 4^6 = 3 \cdot 4096 = \underline{12192}$$

$$4) (3 \cdot 4^2)^3 = (3 \cdot 16)^3 = 48^3 = \underline{2304}$$

$$5) \frac{(2^3)^2}{3} = \frac{2^{(3 \cdot 2)}}{3} = \frac{2^6}{3} = \frac{64}{3} = 21 \frac{1}{3}$$

$$6) \left(\frac{2^3}{3}\right)^2 = \left(\frac{2 \cdot 2 \cdot 2}{3}\right)^2 = \left(\frac{8}{3}\right)^2 = \frac{64}{9} = 7 \frac{1}{9}$$

$$7) \left(\left(\frac{2}{3}\right)^3\right)^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^{(3 \cdot 2)} = \left(\frac{2}{3}\right)^6 = \frac{64}{729}$$

$$8) (2^2 \cdot 3^2)^2 = (4 \cdot 9)^2 = 36^2 = \underline{1296}$$

$$9) ((2+1)^2)^2 = (2+1)^{(2 \cdot 2)} = (2+1)^4 = 3^4 = \underline{81}$$

$$10) ((3-2)^2)^2 = (3-2)^{(2 \cdot 2)} = (3-2)^4 = 1^4 = \underline{1}$$

4. Potenzieren

4.7 Wurzelziehen aus Potenzen

1) $\sqrt{2^6} =$

Regel: Aus einer Potenz wird die Wurzel gezogen, in dem man den Exponenten der Potenz durch den Wurzel-exponenten teilt.

$$\sqrt{2^6} = 2^{\frac{6}{2}} = 2^3 = 2 \cdot 2 \cdot 2 = \underline{8}$$

2) $\sqrt[3]{36^5}$

Regel: Ist der Exponent der Potenz ungerade, zieht man die Wurzel aus der Basis und übernimmt den Exponenten der Potenz unverändert

$$\sqrt[3]{36^5} = \underline{6^5}$$

$$3) \sqrt[4]{4 \cdot 2^4} = 2 \cdot 2^4 = 2 \cdot 2^{\frac{4}{2}} = 2 \cdot 2^2 = 2 \cdot 4 = \underline{8}$$

$$4) \sqrt[3]{9 \cdot 10^8} = 3 \cdot 10^8 = 3 \cdot 10^{\frac{8}{3}} = 3 \cdot 10^4 = \underline{30\,000}$$

$$5) \sqrt[3]{2^9} = 2^{\frac{9}{3}} = 2^3 = \underline{8}$$

$$6) \sqrt[4]{2^{12}} = 2^{\frac{12}{4}} = 2^3 = \underline{8}$$

$$7) \sqrt[4]{36^5 \cdot 2^4} = 6^5 \cdot 2^{\frac{4}{2}} = 6^5 \cdot 2^2 = 7776 \cdot 4 = \underline{30984}$$

$$8) \sqrt[4]{\frac{9^3 \cdot 3^6}{5^4 \cdot 16^3}} = \frac{3^3 \cdot 3^{\frac{6}{2}}}{5^{\frac{4}{2}} \cdot 4^3} = \frac{3^3 \cdot 3^3}{5^2 \cdot 4^3} = \frac{3^6}{5^2 \cdot 4^3} = \frac{729}{25 \cdot 64} = \underline{\frac{729}{1600}}$$

$$9) \sqrt[6]{4 \cdot 10^6 + 21 \cdot 10^6} = \sqrt[6]{25 \cdot 10^6} = 5 \cdot 10^{\frac{6}{2}} = 5 \cdot 10^3 = \underline{5000}$$

$$10) \sqrt[4]{87 \cdot 10^4 - 600 \cdot 10^2} = \sqrt[4]{87 \cdot 10^4 - 6 \cdot 10^4} = \sqrt[4]{81 \cdot 10^4} = 9 \cdot 10^2 \\ = \underline{900}$$

5. Gleichungen

5.1 Grundsätzliche Regeln

$$1) x+3 = 12 \quad / \underline{3 \text{ wird abgezogen}}$$

Regel: Bei der Lösung von Gleichungen ist stets auf beiden Seiten die gleiche Rechenoperation durchzuführen.

$$x+3 = 12$$

$$x+3-3 = 12-3$$

$$\underline{x+0 = 12}$$

$$2) x+4+2 = 12 \quad / \underline{\text{erst } 4, \text{ dann } 2 \text{ soll abgezogen werden}}$$

$$x+4+2-4 = 12-4$$

$$x+0+2 = 8$$

$$x+2-2 = 8-2$$

$$\underline{x = 6}$$

$$3) x-8 = 12 \quad / \underline{8 \text{ wird zugezählt}}$$

$$x-8+8 = 12+8$$

$$x+0 = 12+8$$

$$\underline{x = 20}$$

$$4) x-4-2 = 14 \quad / \underline{\text{erst } 4, \text{ dann } 2 \text{ soll zugezählt werden}}$$

$$x-4-2+4 = 14+4$$

$$x+0-2 = 18$$

$$x-2+2 = 18+2$$

$$x+0 = 18+2$$

$$\underline{x = 20}$$

$$5) x+5-2 = 13 \quad / \underline{\text{erst } 5 \text{ abziehen, dann } 2 \text{ zuzählen}}$$

$$x+5-2-5 = 13-5$$

$$x+0-2 = 8$$

$$x-2+2 = 8+2$$

$$x+0 = 8+2$$

$$\underline{x = 10}$$

$$6) 3+x-4 = 14 \quad / \underline{\text{erst } 3 \text{ abziehen, dann } 4 \text{ zuzählen}}$$

5. Gleichungen

$$\frac{2 \cdot x}{2} = 4 \cdot 2$$

$$\frac{1 \cdot x}{1} = 4 \cdot 2$$

$$\underline{x = 8}$$

15) $\frac{x+8}{2} = 8$ / erst mit 2 multiplizieren, dann 8 abziehen

$$\frac{2 \cdot (x+8)}{2} = 8 \cdot 2$$

$$\frac{1 \cdot (x+8)}{1} = 16$$

$$x+8-8 = 16-8$$

$$x+0 = 16-8$$

$$\underline{x = 8}$$

5. Gleichungen mit einer Unbekannten

5.2 Das Lösen von Gleichungen

$$\begin{aligned} 1) \quad x+3 &= 8 && / 3 abziehen \\ x+3-3 &= 8-3 && / +3-3 = 0 \\ x+0 &= 5 \\ x &= 5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2) \quad 5x+74 &= 8x+41 && / +5x abziehen \\ 5x+74-5x &= 8x+41-5x && / +5x-5x = 0 \\ 74 &= 8x-5x+41 && / +41 abziehen \\ 74-41 &= 8x-5x+41-41 && / +41-41 = 0 \\ 33 &= 3x && / \text{durch 3 teilen} \\ \frac{33}{3} &= \frac{3x}{3} && / \text{kürzen} \\ 11 &= \frac{1x}{1} && / 1 fällt weg \\ 11 &= x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3) \quad \frac{3}{4}x-7 &= 11 && / 7 zuzählen \\ \frac{3}{4}x-7+7 &= 11+7 && / -7+7 = 0 \\ \frac{3}{4}x+0 &= 18 && / \text{mit 4 malnehmen} \\ \frac{4 \cdot 3}{4}x &= 18 \cdot 4 && / 4 kürzen \\ 3x &= 72 && / \text{durch 3 teilen} \\ \frac{3x}{3} &= \frac{72}{3} \\ x &= 24 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4) \quad -15 &= \frac{18}{x} - 6 && / 6 zuzählen \\ -15+6 &= \frac{18}{x} - 6+6 && / -6+6 = 0 \\ -9 &= \frac{18}{x} && / -9 \text{ in Bruch verwandeln} \\ \frac{-9}{1} &= \frac{18}{x} && / \text{stürzen} \\ \frac{1}{-9} &= \frac{x}{18} && / \text{mit 18 malnehmen} \\ \frac{1}{9} \cdot 18 &= 18 \cdot \frac{x}{18} && / \text{kürzen durch 18} \\ \frac{1 \cdot 18}{9} &= x && / \text{kürzen von } \frac{-18}{9} \\ \frac{18}{9} &= x && -2 = x \end{aligned}$$

5. Gleichungen mit einer Unbekannten

$$\frac{bx^n}{b} = \frac{an}{-b} \quad / \text{kürzen}$$

$$xn = \frac{an}{b} \quad / \text{durch } n \text{ teilen}$$

$$\frac{xn}{n} = \frac{an}{bn} \quad / \text{kürzen}$$

$$x = \frac{a}{b}$$

6. Formeln umstellen

$$1) P = U \cdot I ; \underline{\text{gesucht wird } I}$$

$$P = U \cdot I \quad / \text{durch } U \text{ teilen}$$

$$\frac{P}{U} = \frac{U \cdot I}{U} \quad / \frac{U}{U} = 1$$

$$\underline{\frac{P}{U} = I}$$

$$2) P = \frac{U^2}{R} ; \underline{\text{gesucht wird } U}$$

$$P = \frac{U^2}{R} \quad / \text{mit } R \text{ multiplizieren}$$

$$P \cdot R = \frac{U^2 \cdot R}{R} \quad / \frac{R}{R} = 1$$

$$P \cdot R = U^2 \quad / \text{Wurzelziehen}$$

$$P \cdot R = U^2 \quad / \frac{U^2}{U^2} = U$$

$$P \cdot R = U$$

$$\underline{U = P \cdot R}$$

$$3) R_g = R_1 + R_2 + R_3 ; \underline{\text{gesucht wird } R_3}$$

$$R_g = R_1 + R_2 + R_3 \quad / R_1 \text{ u. } R_2 \text{ abziehen}$$

$$R_g - R_1 - R_2 = R_1 + R_2 + R_3 - R_1 - R_2 \quad / R_1 - R_1 \text{ u. } R_2 - R_2 = 0$$

$$\underline{R_g - R_1 - R_2 = R_3}$$

$$\underline{R_3 = R_g - R_1 - R_2}$$

$$4) \frac{1}{R_g} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} ; \underline{\text{gesucht wird } R_2}$$

$$\frac{1}{R_g} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \quad / \frac{1}{R_1} \text{ abziehen}$$

$$\frac{1}{R_g} - \frac{1}{R_1} = \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \quad / \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_1} = 0$$

$$\frac{1}{R_g} - \frac{1}{R_1} = \frac{1}{R_2} \quad / \text{umstellen}$$

$$\frac{1}{R_2} = \frac{1}{R_g} - \frac{1}{R_1} \quad / \text{Hauptnenner von } \frac{1}{R_g} - \frac{1}{R_1} \text{ ist } R_g \cdot R_1$$

$$\frac{1}{R_2} = \frac{1 \cdot R_1}{R_g \cdot R_1} - \frac{1 \cdot R_g}{R_1 \cdot R_g} \quad / \text{gemeinsamer Bruch}$$

6. Formeln umstellen

$$9) Z = \sqrt{R^2 + X^2} ; \text{ gesucht ist } X$$

$$Z = \sqrt{R^2 + X^2} \quad / \text{jede Seite mit sich selbst malnehmen}$$

$$Z \cdot Z = \sqrt{R^2 + X^2} \cdot \sqrt{R^2 + X^2} \quad / \sqrt{R^2 + X^2} \cdot \sqrt{R^2 + X^2} = R^2 + X^2$$

$$Z^2 = R^2 + X^2 \quad / R^2 \text{ abziehen}$$

$$Z^2 - R^2 = R^2 + X^2 - R^2 \quad / R^2 - R^2 = 0$$

$$Z^2 - R^2 = X^2 \quad / \text{umstellen}$$

$$X^2 = Z^2 - R^2 \quad / \text{Wurzel ziehen}$$

$$X = \sqrt{Z^2 - R^2} \quad / \sqrt{X^2} = X$$

$$X = \sqrt{Z^2 - R^2}$$

$$10) Z = \sqrt{\frac{R}{WC}} ; \text{ gesucht wird } C$$

$$Z = \sqrt{\frac{R}{WC}} \quad / \text{jede Seite mit sich selbst malnehmen}$$

$$Z \cdot Z = \sqrt{\frac{R}{WC}} \cdot \sqrt{\frac{R}{WC}} \quad / \sqrt{\frac{R}{WC}} \cdot \sqrt{\frac{R}{WC}} = \frac{R}{WC}$$

$$Z^2 = \frac{R}{WC} \quad / \text{mit } C \text{ malnehmen}$$

$$Z^2 \cdot C = \frac{R \cdot C}{WC} \quad / \frac{C}{C} = 1$$

$$Z^2 \cdot C = \frac{R}{W} \quad / \text{durch } Z^2 \text{ teilen}$$

$$\frac{Z^2 \cdot C}{Z^2} = \frac{R}{W \cdot Z^2} \quad / \frac{Z^2}{Z^2} = 1$$

$$C = \frac{R}{W \cdot Z^2}$$

7. Dreisatzrechnung

7.1 Der einfache Dreisatz

- 1) a) Aufstellung des Feststellungssatzes, wobei die im Fragesatz gefragte Größe am Schluß erscheint.

250 Arb. fertigen in 4 Wo 50 000 Stück.

- b) Aufstellung des Fragesatzes:

100 Arb. fertigen in 3 Wo x Stück.

- c) Aufstellung des Ansatzes:

250 Arb. fertigen in 4 Wo 50 000 Stück

100 Arb. " " 3 Wo x "

$$x = \underline{\hspace{2cm}}$$

Der Bruchstrich wird nun wie folgt aufgestellt.

250 Arb fertigen in 4 Wo 50 000 Stück

1 " " " " den 250. Teil $x = \frac{50000 \cdot 100}{250}$

100 " " " " 100 mal mehr

Der Bruchstrich, den wir jetzt haben, gibt an, wieviel Stück von 100 Arbeitern in 4 Wochen gefertigt werden. Wir wollten aber wissen, wieviel sie in 3 Wochen fertigen können. Demnach wird weiter gefragt:

$$x = \frac{50.000 \cdot 100 \cdot 3}{250 \cdot 4}$$

100 Arbeiter fertigen in 4 Wochen die vom Bruch angegebene Menge

100 " " " " 1 Woche den 4. Teil

100 " " " " 3 Wochen dreimal soviel, wie in einer

Der Bruch lautet also:

7. Dreisatzrechnung

$$\underline{x = \frac{50\ 000 \cdot 100 \cdot 3}{250 \cdot 4}}$$

$$x = 200 \cdot 25 \cdot 3$$

$$x = 5000 \cdot 3$$

$$x = 15\ 000 \text{ Stück}$$

100 Arbeiter fertigen in 3 Wo 15 000 Stück

2) Feststellung: 5 Arbeiter transp. in 8 Stdn 10 000 Steine

$$\underline{\text{Frage} : 18 \quad " \quad " \quad " \quad 5 \quad " \quad x \quad "}$$

$$x = \frac{10\ 000 \cdot 18 \cdot 5}{5 \cdot 8}$$

$$x = \frac{10\ 000 \cdot 18}{8}$$

$$x = 10\ 000 \cdot 2,25$$

$$x = 22\ 500 \text{ Steine}$$

3 Arbeitsgruppen zu je 6 Kräfte transportieren dannach in 5 Stdn 22 500 Steine

3) Feststellung: 5 Bagger - 4 Wo - 16 Stdn - 250 000 t

$$\underline{\text{Frage: } 3 \frac{1}{4} \quad " \quad - \quad 4 \quad " \quad - \quad 16 \quad " \quad - \quad x \quad t}$$

$$x = \frac{250\ 000 \cdot 3 \frac{1}{4}}{5}$$

$$x = 50\ 000 \cdot 3 \frac{1}{4}$$

$$x = 50\ 000 \cdot 3,25$$

$$x = 162.500 \text{ t}$$

3 Bagger in 4 Wo und 1 Bagger im 4. Teil dieser Zeit bewältigen also 162.500 t Kohle

7. Dreisatzrechnung

7.2 Der umgekehrte Dreisatz

1) Feststellung: 4 Wo benötigen 250 Arbeiter
Frage: 20 Wo " x "

$$x = \frac{250 \cdot 4}{20}$$

4 Wochen benötigen 250 Arbeiter

Soll die Arbeit in 1 Woche fertiggestellt werden,
braucht man 4 mal soviel Arb.

Da man 20 Wo. Zeit hat, braucht man nur den
20. Teil der Arbeiter.

Der Bruchstrich heißt also:

$$x = \frac{250 \cdot 4}{20}$$

$$x = \frac{25 \cdot 4}{2}$$

$$x = \frac{100}{2}$$

$$\underline{x = 50}$$

Für diese Zeit werden also 50 Arbeiter benötigt

2) Feststellung: 6 Wo - 5 Tg - 8^h - 100 Arbeiter
Frage: 2 Wo - 6 Tg - 10^h - x "

$$x = \frac{100 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 8}{2 \cdot 6 \cdot 10}$$

$$x = \frac{10 \cdot 5 \cdot 8}{2}$$

$$x = 10 \cdot 5 \cdot 4$$

$$\underline{x = 200 \text{ Arbeiter}}$$

Die Firma muß 200 Arbeiter einsetzen.

3) Feststellung: 3 Jahre - 5 Tg - 8^h - 125 Arb.
Frage: 2 Jahre - 6 Tg - 8^h - x "

7. Dreisatzrechnung

$$x = \frac{125 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 8}{2 \cdot 6 \cdot 8}$$

$$x = \frac{125 \cdot 5}{2}$$

$$x = \frac{375}{2}$$

$$x = 187,5$$

x = 188 Kräfte

Der Ansatz reicht nicht aus, da auch unter Berücksichtigung der 25 hinzukommenden Kräfte nur 150 Arbeiter tätig sein werden. Die Firma muß also 188 - 150 = 38 weitere Arbeiter einstellen.

7. Dreisatzrechnung

7.3 Der gemischte Dreisatz1) Feststellung: 12 Arbeiter - 8 Tg - 7 StdFrage: 5 " - 20 Tg - x "

$$x = \frac{7 \cdot 12 \cdot 8}{5 \cdot 20} =$$

$$x = \frac{7 \cdot 3 \cdot 8}{5 \cdot 5} =$$

$$x = \frac{168}{25}$$

$$x = 6,72 \text{ Std}$$

Es muß täglich 6,72 Std gearbeitet werden2) Feststellung: 200m lang - 80cmbr.- 100cmtief-8Tg-6Arb.Frage: 500m " - 50cmbr.- 80cmtief-15Tg-x "

$$x = \frac{6 \cdot 500 \cdot 50 \cdot 80 \cdot 8}{200 \cdot 80 \cdot 100 \cdot 15} / \text{kürzen}$$

$$x = \frac{6 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 8 \cdot 8}{2 \cdot 80 \cdot 1 \cdot 15} / \text{vereinfachen}$$

$$x = \frac{30 \cdot 5 \cdot 8 \cdot 8}{80 \cdot 2 \cdot 15} / \text{kürzen}$$

$$x = \frac{3 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 4}{1 \cdot 1 \cdot 3} / \text{kürzen}$$

$$x = 4 \text{ Arbeiter}$$

Die Arbeit kann von 4 Arbeitern geschafft werden3) Feststellung: 100 Stck - 4 Mon. - 42 Std - 50Arb.Frage : 800 Stck - 12 Mon. - 40 Std - x "

$$x = \frac{50 \cdot 800 \cdot 4 \cdot 42}{100 \cdot 12 \cdot 40} / \text{kürzen}$$

$$x = \frac{1 \cdot 20 \cdot 1 \cdot 42}{2 \cdot 3 \cdot 1} / \text{kürzen}$$

$$x = \frac{1 \cdot 20 \cdot 1 \cdot 21}{1 \cdot 3 \cdot 1} / \text{kürzen}$$

$$x = \frac{20 \cdot 7}{1}$$

$$x = 140 \text{ Arbeiter}$$

Die Firma müßte 90 Arbeiter neu einstellen

8. Prozentrechnung

1) Berechnen Sie:

1% von 100 = 1

1% von 200 = 2

1% von 250 = 2,5

1% von 500 = 5

1% von 1000 = 10

2) 10% von 100 = 10

10% von 200 = 20

10% von 0,6 = 0,06

10% von 27 = 2,7

10% von 23,4 = 2,34

3) 2% von 100 = 2

2% von 200 = 4

2% von 0,8 = 0,016

2% von 0,6 = 0,012

2% von 1,3 = 0,026

4) 5% von 100 = 5

5% von 200 = 10

5% von 1000 = 50

5% von 860 = 43

5% von 220 = 11

5) 40% von 100 = 40

40% von 200 = 80

40% von 1000 = 400

40% von 640 = 256

40% von 521 = 208,4

6) 75% von 100 = 75

75% von 200 = 150

75% von 64 = 48

75% von 1024 = 768

75% von 160 = 120

8. Prozentrechnung

7) Verwandeln Sie in %

a) $\frac{1}{2} = 50\%$

$\frac{1}{8} = 12,5\%$

$\frac{1}{3} = 33\frac{1}{3}\%$

$\frac{1}{10} = 10\%$

$\frac{1}{4} = 25\%$

$\frac{1}{50} = 2\%$

$\frac{1}{5} = 20\%$

$\frac{1}{100} = 1\%$

$\frac{1}{6} = 16\frac{2}{3}\%$

$\frac{1}{1000} = 0,1\%$

8) $p = \frac{100 \cdot Z}{k} = \frac{100 \cdot 6}{52} = \frac{100 \cdot 3}{26} = \frac{50 \cdot 3}{13}$

$p = \frac{150}{13} = 11,53\%$

$\underline{p = 11,53\%}$

9) $Z_1 = \frac{p \cdot k}{100} = \frac{7 \cdot 300}{100} = 21 \text{ Männer}$

$Z_2 = \frac{p \cdot k}{100} = \frac{10 \cdot 580}{100} = 58 \text{ Frauen}$

Insgesamt erkrankt $58 + 21 = 79$ BeschäftigteGesamtbelegschaft $= 880$ "

Prozentsatz der Erkrankten

$p = \frac{100 \cdot Z}{k} = \frac{100 \cdot 79}{880} = \frac{79}{8,8} = \underline{8,97\%}$

10) $p = \frac{Z \cdot 100}{k} = \frac{0,30 \cdot 100}{3,00} = \frac{30}{3} = \underline{10\%}$

9. Zinsrechnung

Berechnen Sie die Zinsen

$$1) Z = \frac{p \cdot K \cdot t}{100} = \frac{3,5 \cdot 200 \cdot 1}{100} = \underline{\underline{7 \text{ DM}}}$$

$$2) Z = \frac{p \cdot K \cdot t}{100} = \frac{5 \cdot 2500 \cdot 14}{100 \cdot 12} = \underline{\underline{145,81 \text{ DM}}}$$

$$3) Z = \frac{p \cdot K \cdot t}{100} = \frac{4 \cdot 5000 \cdot 465}{100 \cdot 360} = \underline{\underline{258,33 \text{ DM}}}$$

4) Berechnen Sie das Kapital

$$K = \frac{Z \cdot 100}{p \cdot t} = \frac{225 \cdot 100}{3 \cdot 28/12} = \frac{225 \cdot 100 \cdot 12}{3 \cdot 28} = \underline{\underline{3213 \text{ DM}}}$$

$$5) K = \frac{Z \cdot 100}{p \cdot t} = \frac{130 \cdot 100}{6,5 \cdot \frac{300}{360}} = \frac{130 \cdot 100 \cdot 360}{6,5 \cdot 300} = \underline{\underline{2400 \text{ DM}}}$$

Berechnen Sie die Zeit t

$$6) t = \frac{Z \cdot 100}{K \cdot p} = \frac{775 \cdot 100}{10000 \cdot 5} = \frac{11}{20} \text{ Jahre} = \underline{\underline{1 \text{ Jahr } 198 \text{ Tage}}}$$

$$7) Z = \frac{K \cdot p \cdot t}{100} = \frac{738 \cdot 4 \frac{1}{3} \cdot 58}{100 \cdot 12} = \underline{\underline{261,74 \text{ DM}}}$$

Das Kapital beträgt $738 + 261,74 = \underline{\underline{999,74 \text{ DM}}}$

$$8) p = \frac{Z \cdot 100}{K \cdot t} = \frac{360 \cdot 100}{9600 \cdot \frac{5,5}{12}} = \frac{360 \cdot 100 \cdot 12}{9600 \cdot 5,5} = \underline{\underline{7,71 \%}}$$

$$9) K = \frac{Z \cdot 100}{p \cdot t} = \frac{489,60 \cdot 100}{4,5 \cdot 1} = \underline{\underline{10.880 \text{ DM}}}$$

$$10) t = \frac{Z \cdot 100}{p \cdot K} = \frac{660 \cdot 100}{4 \cdot 6600} = \underline{\underline{2,5 \text{ Jahre}}}$$

